

# 皮质-基底神经节-丘脑网络的振荡动力学分析\*

刘楠<sup>1</sup> 毕远宏<sup>2,3†</sup> 杨红丽<sup>1</sup> 刘全生<sup>1</sup>  
(1.内蒙古大学 数学科学学院,呼和浩特 010010)(2.内蒙古财经大学 统计与数学学院,呼和浩特 010070)  
(3.内蒙古经济数据分析与挖掘重点实验室,呼和浩特 010070)

**摘要** 探究大脑基底神经节中丘脑底核和苍白球神经核团振荡动力学的起源对理解帕金森病的发病机理起到重要作用.本文建立了较为完整的关于帕金森病的神经网络模型,该模型含有兴奋和抑制神经元的大脑皮质、由纹状体、丘脑底核、苍白球内侧和外侧构成的基底神经节以及丘脑.首先,通过对模型进行数值模拟,所得的动力学结果与丘脑底核和苍白球振荡相关的生物实验结果一致.其次,探讨了与丘脑底核和苍白球神经核团相关的突触连接强度对他们振荡动力学的影响.我们的结果显示,丘脑底核同时受到纹状体较强的促进作用和苍白球外侧较弱的抑制作用时它的振荡消失.而当苍白球同时受到丘脑底核较强的促进作用和纹状体对它的抑制作用时,苍白球的振荡增强.希望本文的研究结果对帕金森病的治疗有一定的指导作用.

**关键词** 帕金森病, 神经网络, 基底神经节, 振荡动力学

DOI: 10.6052/1672-6553-2020-008

## 引言

帕金森病(Parkinson's disease, PD)是常见的神经退行性疾病,其病状包括震颤、肌肉僵直、运动减少等运动症状<sup>[1]</sup>.这些运动症状起源于大脑黑质致密部内多巴胺能神经元的异常死亡<sup>[2]</sup>,并影响到整个皮质(cortex, Ctx)、基底神经节(basal ganglia, BG)和丘脑(thalamus, TH)环路(BGCT)的神经元活动,尤其是基底神经节中的丘脑底核(Subthalam-ic nucleus, STN)和苍白球(Globus pallidus, GP)神经核团出现异常同步振荡<sup>[3]</sup>.因此,需要更多的研究来探索 STN 和 GP 的振荡起源来理解帕金森病的发病机理.

许多模型探究了 BGCT 回路中产生振荡的起源问题<sup>[4-8]</sup>.一些研究认为帕金森病的振荡行为起因于 STN 与苍白球外侧(External segment of the globus pallidus, GPe)间的抑制和兴奋环路(STN-GPe)<sup>[9]</sup>.但是, Tachibana 等人的实验结果显示 Ctx 对 STN 和 GP 的振荡也有较大影响<sup>[10]</sup>, Pavlides 等人构造了 Ctx-STN-GPe 环路并拟合了此实验结果<sup>[11]</sup>,其中 Ctx 中包含兴奋和抑制神经元.此外,

HanYan 等人建立了 Ctx-BG-TH 模型<sup>[12]</sup>,其中,基底神经节中的纹状体(Striatum, Str)中包含了 D1 和 D2 类神经元,并利用能量面的方法分析了多巴胺对 Ctx 和 TH 活动的影响.因此,有必要将 Ctx 中的兴奋和抑制神经元以及 Str 中的 D1 和 D2 类神经元考虑到 Ctx-BG-TH 模型中来模拟实验结果,并分析 BG 中 STN 和 GP 振荡的机理.

本文结合文献[11]和[12]中的模型而构造了更加完整的 Ctx-BG-TH 模型.首先,验证了模型的数值结果与 Tachibana 等人的实验结果一致,然后探讨了 BG 中与 STN 和 GP 相关的权重对其振荡的影响.最后给出结论.

## 1 模型与方程

为模拟 Tachibana 等人的实验结果,我们构造了图 1 的 BGCT 模型.模型包括 Ctx、BG 和 TH 以及他们间的相互作用. Ctx 包含兴奋性椎体神经元(excitatory pyramidal neurons, E)和抑制性椎体神经元(inhibitory pyramidal neurons, I)<sup>[10,12]</sup>, E 向 I 投射兴奋信号.文中假设 E 对自身有一个正反馈且 I 受到常数输入 C 的抑制.此外, E 还向 BG 中的 STN

2019-09-16 收到第 1 稿,2019-11-25 收到修改稿.  
\* 国家自然科学基金资助项目(11702149,11562014),内蒙古自治区自然科学基金资助项目(2017MS0105,2017MS0108)  
† 通讯作者 E-mail: yuanhong918@163.com

和 Str 中  $D_1$  (Striatum  $D_1, D_1$ ) 和  $D_2$  (Striatum  $D_2, D_2$ ) 神经元输入兴奋信号.进一步 STN 把兴奋信号传入苍白球内侧 (Internal segment of the globus pallidus, GPi) 和 GPe.黑质纹状体的多巴胺分别激活和抑制  $D_1$  和  $D_2$  神经元,进而将抑制信号分别传给 GPi 和 GPe<sup>[3,13]</sup>,可见 Str 与 STN 形成了对立关系.此外,GPe 对 STN 传递抑制信号,形成了 GPe-STN 负反馈回路;GPe 同时也抑制 GPi,GPi 作为 BG 的输出部位对 TH 传递了抑制信号,使得 Ctx 接收到来自 TH 的兴奋性信号减弱.

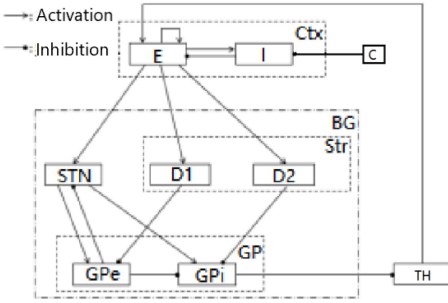


图 1 皮质-基底神经节-丘脑网络

Fig.1 Network of Ctx-BG-TH

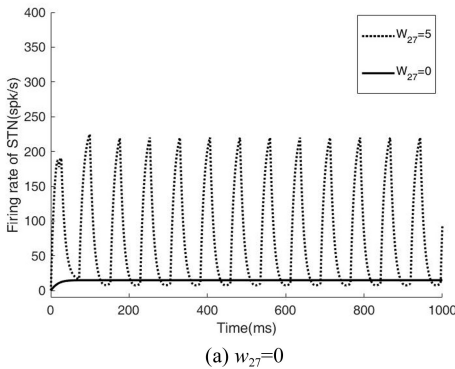
图 1 所示的 BGCT 网络由方程组 (1)–(8) 描述,方程的建立参考文献 [14],为了简化,我们忽略了神经元间时滞的作用.下角标  $i=1, \dots, 8$  分别表示神经核团 I、E、 $D_1$ 、 $D_2$ 、GPi、GPe、STN 和 TH,其中  $f_i$  表示第  $i$  个神经核团的放电率,  $\tau_i$  表示第  $i$  个神经核团的膜时间常数,  $w_{ij}$  表示神经核团  $i$  和  $j$  之间的连接强度, ' 表示对时间的一阶导数.

$$\tau_1 f_1' = G_1(w_{21}f_2 - C) - f_1 \quad (1)$$

$$\tau_2 f_2' = G_2(-w_{12}f_1 + w_{22}f_2 + w_{82}f_8) - f_2 \quad (2)$$

$$\tau_3 f_3' = G_3(w_{23}f_2) - f_3 \quad (3)$$

$$\tau_4 f_4' = G_4(w_{24}f_2) - f_4 \quad (4)$$



$$\tau_5 f_5' = G_5(-w_{35}f_3 - w_{65}f_6 + w_{75}f_7) - f_5 \quad (5)$$

$$\tau_6 f_6' = G_6(-w_{46}f_4 + w_{76}f_7) - f_6 \quad (6)$$

$$\tau_7 f_7' = G_7(w_{27}f_2 - w_{67}f_6) - f_7 \quad (7)$$

$$\tau_8 f_8' = G_8(-w_{58}f_5) - f_8 \quad (8)$$

$G_i(in)$  是关于突触输入  $in$  的激活函数<sup>[6]</sup>,满足下式:

$$G_i(in) = \frac{M_i}{1 + \left( \frac{M_i - B_i}{B_i} \exp \left( \frac{-4in}{B_i} \right) \right)} \quad (9)$$

其中,  $B_i$  和  $M_i$  分别表示第  $i$  个神经核团的基础放电率和最大放电率.

为了模拟实验结果,所有参数均在其合理范围内选取值,  $\tau_i = 10\text{ms}$ ,  $B_i = 15\text{spk/s}$  和  $M_i = 240\text{spk/s}$ ,  $w_{35} = 3$ ,  $w_{76} = 6$ , 其他  $w_{ij} = 5$ .  $C = 150\text{spk/s}$ . 除特别说明以外,参数均取以上的值.

## 2 结果与分析

### 2.1 对 Tachibana 实验的模拟

在本节,通过改变 BGCT 环路中的连接权重来模拟 Tachibana 实验中 STN 和 GPe 的活动<sup>[10]</sup>.

首先,实验分别验证了 Ctx 和 GPe 与 STN 的连接强度对 STN 振荡的影响.实验中先向 STN 中注射谷氨酸受体拮抗剂,使其不能接收 Ctx 的兴奋信号,则 STN 平均放电率减小且振荡消失.我们令方程中  $w_{27} = 0$ ,图 2(a)描述了 STN 放电率的时间历程,与实验结果一致.另外,实验中向 GPe 注射  $\gamma$  氨基丁酸受体激动剂,抑制其活动,进而减少对 STN 的抑制作用,则 STN 的平均放电率增加,振荡消失.我们令  $w_{67} = 0$ ,图 2(b)中 STN 放电率的时间历程图与实验结果一致.

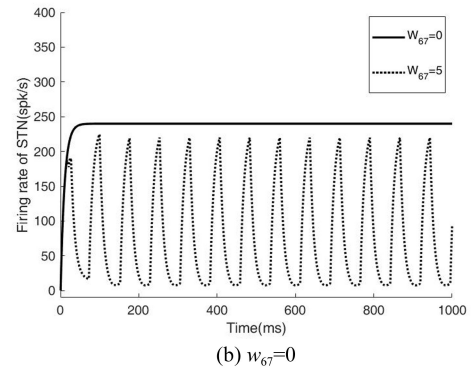


图 2 STN 放电率的时间历程图

Fig.2 Time series of STN firing rate

其次,验证了 Str 和 STN 与 GP 间的连接权重对 GP 振荡的影响.本文中,为了统一刻画 STN 对 GPe 和 GPi 的激活作用,令  $w_{75} = 5\alpha$ ,  $w_{76} = 6\alpha$ ,  $\alpha$  刻画了 STN 对 GP 作用强度.实验中对 STN 注射  $\gamma$  氨基丁酸受体激动剂,进而阻断 STN 对 GP 的兴奋信号,使得 GPi 和 GPe 的平均速率均下降.当  $\alpha = 0$  时,STN 对 GP 的作用阻断,得到图 3(a<sub>1</sub>) 和 (a<sub>2</sub>) 的 GPi 和 GPe 放电速率的时间历程图,与实验结果一致.另外,在 GPe/GPi 中注射  $\gamma$  氨基丁酸受体拮抗

剂,阻断了 GP 接收抑制信号,则 GPi/GPe 的平均放电率增加,GPi 的振荡加强,GPe 的振荡变化较小.同样,我们令  $w_{35} = 3\beta$ ,  $w_{46} = 5\beta$ ,  $\beta$  可以刻画 Str 对 GP 的抑制强度.当  $\beta = 0$ ,  $w_{65} = 0$  时,阻断了 GP 的所有抑制信号,得到 GPi 和 GPe 放电速率的时间历程图(图 3(b<sub>1</sub>) 和 (b<sub>2</sub>)),与实验结果一致.此外,实验表明阻断 Str 对 GP 的输入会使得 GP 的振荡消失<sup>[15,16]</sup>,我们令  $\beta = 0$ ,得到图 3(c<sub>1</sub>) 和 (c<sub>2</sub>) 的 GP 放电速率时间历程图,与实验结果一致.

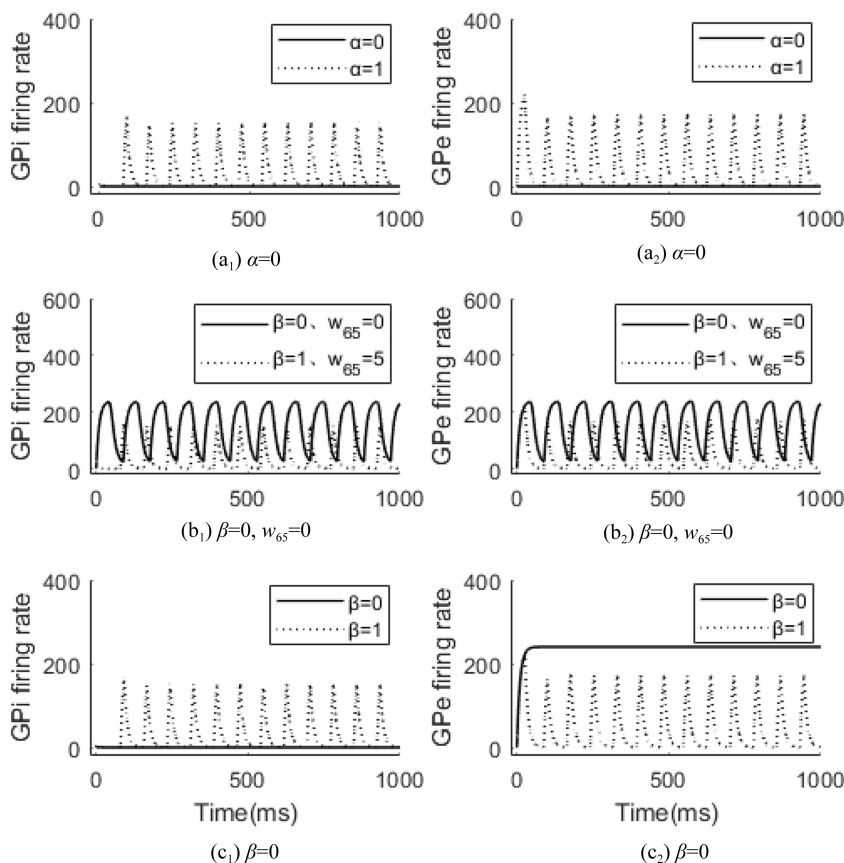


图 3 GP 放电率的时间历程图

Fig.3 Time series of GP firing rate

以上通过调节 Ctx 和 GPe 对 STN 的连接权重  $w_{27}$  和  $w_{67}$  以及刻画 STN 和 Str 对 GP 的连接权重的参数  $\alpha$  和  $\beta$ ,使得模型的数值结果与实验结果一致.为了更详细地了解这些连接权重对其振荡的影响,下面给出这些参数对 STN 和 GP 振幅的影响.

## 2.2 STN 连接权重对 STN 振荡的影响

本节分析了 Ctx 和 GPe 与 STN 的连接权重  $w_{27}$  和  $w_{67}$  对 STN 放电速率最大值和最小值的影响,进而得到对 STN 振荡的影响.图 4 给出了 STN 放电率关于参数  $w_{27}$  的变化情况,当参数在区域 B 内变化

时( $0.046 < w_{27} < 5.01$ ),STN 出现振荡,而对于区域 A ( $w_{27} < 0.046$ ) 和区域 C ( $w_{27} > 5.01$ ) 内的参数,STN 的振荡消失,在区域 A 内的放电速率较小,而在区域 C 内放电速率较大.

类似地,图 5 给出了  $w_{67}$  对 STN 放电率的影响,当参数在区域 B 内( $4.54 < w_{67} < 6$ ),STN 产生振荡,在区域 A 内( $w_{67} < 4.54$ ),STN 的振荡消失.因此 Ctx 与 STN 间较大的连接权值和 GPe 与 STN 间较小的连接权重使 STN 振荡消失.

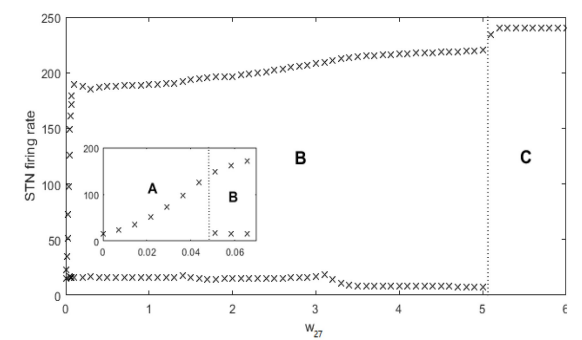


图 4  $w_{27}$ 对 STN 放电率的影响,其中“x”表示放电率的最大和最小值

Fig.4 The effect of  $w_{27}$  on STN firing rate,where “x” is maximum and minnum of STN firing rate

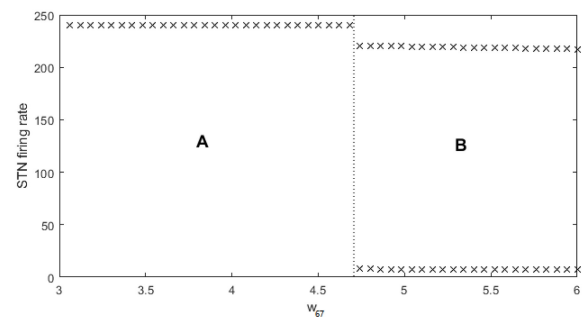


图 5  $w_{67}$ 对 STN 放电率的影响.其中“x”表示放电率的最大和最小值

Fig.5 The effect of  $w_{67}$  on STN firing rate,where “x” is maximum and minnum of STN firing rate

为了更全面地探讨  $w_{27}$  和  $w_{67}$  对 STN 振荡的影响,图 6 给出了 STN 振幅与  $w_{27}$  和  $w_{67}$  的关系.整个参数平面分为三部分,区域 A 和 C 内的参数使 STN 的振荡消失,而其他区域使 STN 出现振荡.较大的  $w_{27}$  和较小的  $w_{67}$  更易使得 STN 的振荡消失.

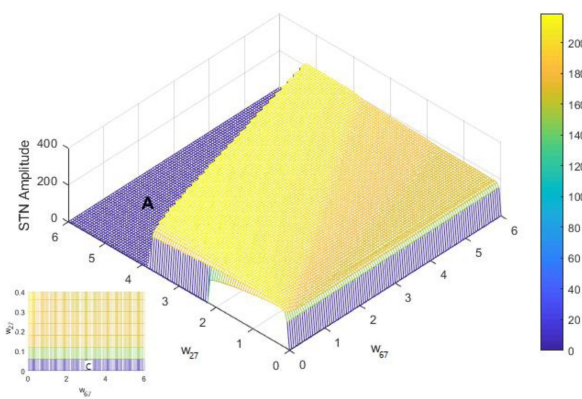


图 6  $w_{27}$ 和  $w_{67}$ 对 STN 振幅的影响

Fig.6 The effect of  $w_{27}$  and  $w_{67}$  on amplitude of STN firing rate

2.3 GP 连接权重对 GP 振荡的影响

GP 受 STN 和 Str 的调控作用, $\alpha$  和  $\beta$  分别反映

了 STN 和 Str 连接 GP 的突触强度,由于 GPi 和 GPe 的放电率不完全相同,我们用他们放电率的平均值反映 GP 的放电率.然后分别探讨了  $\alpha$ 、 $\beta$  对 GP 放电率最大值和最小值的影响(图 7 和图 8).

从图 7 可以看出,区域 A、C 和 E 内的  $\alpha$  使得 GP 达到稳态,振荡消失,在区域 A 内,GP 放电速率很小,而在区域 C 和 E 内,GP 放电速率较大.当  $\alpha$  在区域 B 和 D 内,GP 产生振荡,振幅在区域 B 内较小而区域 D 内较大.根据图 8,当  $\beta$  在区域 B 时,GP 产生振荡,而当  $\beta$  位于区域 A 和 C 内,GP 振荡消失.

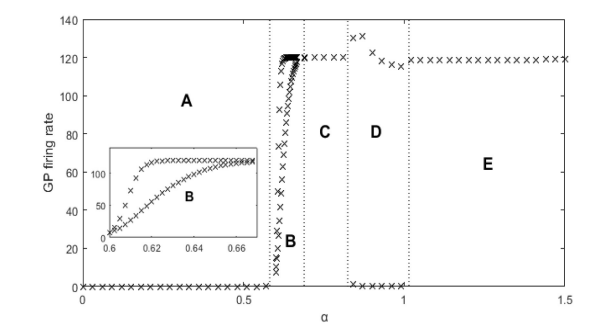


图 7  $\alpha$  对 GP 放电率的影响,其中“x”表示放电率的最大和最小值

Fig.7 The effect of  $\alpha$  on GP firing rate,where “x” is maximum and minnum of GP firing rate

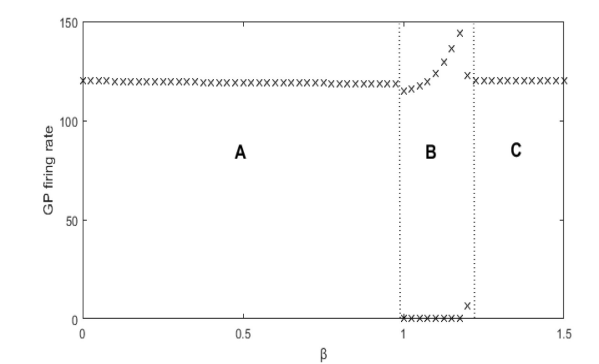


图 8  $\beta$  对 GP 放电率的影响,其中“x”表示放电率的最大和最小值

Fig.8 The effect of  $\beta$  on GP firing rate,where “x” is maximum and minnum of STN firing rate

类似的,图 9 给出参数  $\alpha$  和  $\beta$  对 GP 放电率振幅的影响,可以看出参数区域分为五部分,当参数在区域 A、B 和 C 内变化时,GP 振荡消失,而在此区域外,GP 出现振荡,区域 B 和 C 之间的振荡幅度较小,而在区域 A 和 B 间振幅较大,可以看出当 STN 和 Ctx 对 GP 的作用同时增强时,更容易使得 GP 发生振荡,与实验结果一致<sup>[8]</sup>.



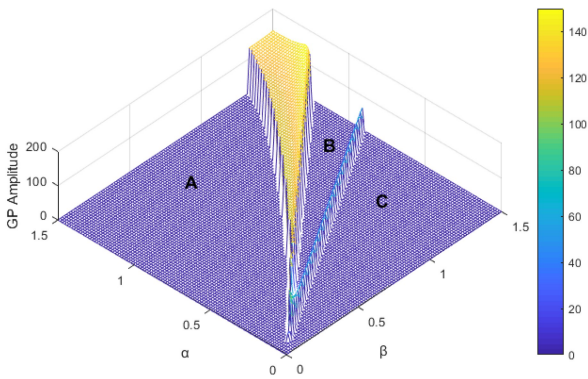


图9  $\alpha, \beta$  对 GP 振幅的影响

Fig.9 The effect of the amplitude of GP firing rate

根据上面的分析可知, GPe 对 STN 小的抑制作用同时 Ctx 对 STN 较大的促进作用更容易使得 STN 振荡消失. 而当 Str 和 STN 对 GP 的作用同时增强时, 更易使得 GP 产生振荡.

### 3 结论

本文构造了一个较完整的 BGCT 模型, 并模拟出实验结果. 重点探讨了 Ctx 对 STN 兴奋作用强度和 GPe 对 STN 抑制作用强度对 STN 放电速率振荡的影响, 可以看出 Ctx 对 STN 较强的促进作用和 GPe 对 STN 较小的抑制作用使得 STN 的振荡消失. 此外, 讨论了 STN 对 GP 的促进作用强度以及 Str 对 GP 的抑制作用强度对 GP 放电率振荡的影响, 可以看出, 当他们的作用同时增强时, 更容易使得 GP 发生高幅振荡. 当然, 有必要进一步利用理论和数值模拟方法<sup>[17,18]</sup> 探讨网络中其他连接强度以及神经元间的时滞等其他生物条件对基底神经节振荡的影响.

### 参 考 文 献

- Marsden C D. Parkinson's disease. *Journal of Neurology, Neurosurgery & Psychiatry*, 1994, 57(6): 672~681
- Mount M P, Lira A, Grimes D, et al. Involvement of interferon-gamma in microglial-mediated loss of dopaminergic neurons. *Journal of Neuroscience*, 2007, 27(12): 3328~3337
- Nambu A, Tachibana Y, Chiken S. Cause of parkinsonian symptoms: firing rate, firing pattern or dynamic activity changes? *Basal Ganglia*, 2015, 5(1): 1~6
- DeLong M R. Primate models of movement disorders of basal ganglia origin. *Trends Neurosciences*, 1990, 13(7): 281~285

- 陈晓光, 周奋, 刘真, 等. 苍白球内侧部摧毁术治疗帕金森病概率功能图谱再研究. 立体定向和功能神经外科杂志, 2011, 24(4): 246~248 (Chen X G, Zhou F, Liu Z, et al. Re-study on the probability functional map of parkinson's disease treated by medial pallidotomy. *Journal of Stereotactic and Functional Neurosurgery*, 2011, 24(4): 246~248 (in Chinese))
- 贾洪军. 基于基底核模型的 DBS 作用机制研究 [硕士学位论文]. 天津: 天津大学, 2012 (Jia H J. Study on the mechanism of DBS based on basal nucleus model [Master Thesis]. Tianjin: Tianjin University, 2012 (in Chinese))
- Worth P F. How to treat Parkinson's disease in 2013. *Clinical Medicine*, 2013, 13(1): 93~96
- Montgomery E B, Gale J T. Mechanisms of action of deep brain stimulation (DBS). *Neuroscience and Biobehavioral Reviews*, 2008, 32(3): 388~407
- Holgado A J N, Terry J, Bogacz R. Conditions for the generation of beta band activity in Parkinson's disease. *Bmc Neuroscience*, 2009, 10(Suppl.1): 1~2
- Nambu A, Tachibana Y. Mechanism of parkinsonian neuronal oscillations in the primate basal ganglia: some considerations based on our recent work. *Frontiers in Systems Neuroscience*, 2014, 8: 74
- Pavlidis A, Hogan S J, Bogacz R. Computational models describing possible mechanisms for generation of excessive beta oscillations in Parkinson's Disease. *Plos Computational Biology*, 2015, 11(12): e1004609
- Yan H, Wang J. Quantification of motor network dynamics in Parkinson's disease by means of landscape and flux theory. *Plos One*, 2017, 12(3): e0174364
- Hu B, Chen B, Chi H. Controlling absence seizures by tuning activation level of the thalamus and striatum. *Chaos Solitons & Fractals*, 2017, 95: 65~76
- Dayan P, Abbott L F. Theoretical neuroscience: computational and mathematical modeling of neural systems. Massachusetts: The MIT Press, 2005
- McCarthy M M, Moore-Kochlacs C, Gu X, et al. Striatal origin of the pathologic beta oscillations in Parkinson's disease. *Proceedings of the National Academy of Sciences*, 2011, 108(28): 11620~11625
- 张巧俊, 蔺雪梅, 刘健, 等. 单侧黑质纹状体通路损毁诱发大鼠伏核神经元放电频率增加. 西安交通大学学报 (医学版), 2008, 29(6): 609~612 (Zhang Q J, Lin X M, Liu J, et al. Increased firing frequency of nucleus accumbens neurons in rats induced by unilateral striatum nigra pathway lesion. *Journal of Xi'an Jiaotong University (Medical Edition)*, 2008, 29(6): 609~612 (in Chinese))
- 王贵元, 杨卓琴. 非线性时滞奇异系统的严格实用稳定性研究. 动力学与控制学报, 2018, 16(4): 317~323 (Wang G Y, Yang Z Q. Strict practical stability of nonlinear singular systems with time delay. *Journal of Dynamics and Control*, 2018, 16(4): 317~323 (in Chinese))

18 赵松,杨卓琴.四阶血细胞生成系统的双参数分岔分析.  
动力学与控制学报,2017,15(5):472~475 ( Zhao S,  
Yang Z Q. Two-parameter bifurcation analysis of fourth or-  
der hematopoiesis. *Journal of Dynamics and Control*,  
2017,15(5):472~475(in Chinese) )

ANALYSES OF OSCILLATION DYNAMICS IN CORTEX-BASAL  
GANGLIA-THALAMUS NETWORK \*

Liu Nan<sup>1</sup> Bi Yuanhong<sup>2,3†</sup> Yang Hongli Liu Quansheng<sup>1</sup>

(1.School of Mathematical Sciences,Inner Mongolia University,Hohhot 010021,China )

(2.School of Statistics and Mathematics,Inner Mongolia University of Finance and Economics,Hohhot 010070,China )

( 3.Inner Mongolia Key Laboratory for Economic Data Analysis and Mining,Hohhot 010070,China )

**Abstract** Exploring the origin of oscillation dynamics of subthalamic nucleus and globus pallidus in basal gan-  
glia plays an important role in understanding the pathogenesis of Parkinson’s disease.In this paper,a more com-  
plete neural network model for Parkinson’s disease is established.The model contains the cortex with excitatory  
and inhibitory neurons,basal ganglia composed of striatum,subthalamic nucleus,external and internal segment of  
globus pallidus and thalamus.First,the dynamic results obtained through numerical simulation of the model are  
consistent with the biological experimental results related to the oscillations in the subthalamic nucleus and the  
globus pallidus.Secondly,the effects of synaptic connection weights associated with subthalamic nucleus and glo-  
bus pallidus on their oscillation dynamics were discussed.Our results show that the oscillation in the subthalamic  
nucleus will disappear for stronger excitatory connection weights from the striatum and weaker inhibitory connec-  
tion weights from external segment of globus pallidus.Also,oscillation in the globus pallidus will appear for both  
stronger excitatory and inhibitory connection weights from the subthalamic nucleus the striatum,respectively.It is  
hoped that the results of this study will play a guiding role in the treatment of Parkinson’s disease.

**Key words** Parkinson’s disease, neural network, basal ganglia, oscillation dynamics

Received 16 September 2019, Revised 25 November 2019.  
\* The project supported by the National Natural Science Foundation of China( 11702149,11562014) and the Natural Science Foundation of Inner Mon-  
golia Autonomous Region of China ( 2017MS0105,2017MS0108)  
† Corresponding author E-mail: yuanhong918@ 163.com