# 基于量子粒子群优化算法的结构损伤识别\*

巩文龙1 常军17 刘大山1 康小明2

(1.苏州科技学院土木工程学院,苏州 215011)(2.上海三凯建设管理咨询有限公司,上海 200070)

**摘要** 提出一种以广义柔度矩阵为损伤指标,基于量子粒子群优化算法的结构损伤识别方法.该方法根据 结构损伤前后广义柔度矩阵差与结构物理参数变化关系,将结构广义柔度矩阵识别问题转化为优化问题, 进而采用系统辨识能力较强的量子粒子群优化算法搜索目标函数最优值,从而达到损伤位置和损伤程度同 时识别的双重效果.最后通过简支梁数值模拟对该方法的有效性进行了验证.

关键词 量子粒子群优化算法, 广义柔度矩阵, 结构损伤识别, 损伤位置, 损伤程度

DOI: 10.6052/1672-6553-2014-066

## 引言

自 20 世纪 80 年代以来,随着自然灾害频发和 后期维修不善、撞击、超载等人为因素影响,已建土 木结构出现不同程度损伤和功能失效的隐患,使得 结构健康监测与损伤识别变得尤为重要.其中损伤 识别是根据结构特征参数变化情况,诊断出结构是 否损伤以及损伤位置与损伤程度<sup>[1-4]</sup>.由于损伤前 后结构质量基本不变,故土木工程结构损伤的实质 是结构的刚度降低,而柔度是刚度的倒数,进而柔 度可以作为结构的损伤指标<sup>[5-6]</sup>.

近年来,运用柔度矩阵和智能算法的结构健康 监测与损伤识别逐渐成为国内外研究的热点和难 点,其中柔度矩阵以其良好的灵敏性和实用性,而 备受青睐.目前大多数研究者采用柔度矩阵差、柔 度差变化率、柔度曲率差等进行损伤定位<sup>[7-9]</sup>,而 利用柔度灵敏度<sup>[10]</sup>和广义柔度灵敏度<sup>[11]</sup>进行损 伤定量识别时存在稳定性差、识别误差较大的缺 陷.遗传算法、粒子群算法等智能算法利用频率和 振型构造目标函数识别结构损伤<sup>[12-13]</sup>,Zhao 和 Dewolf 通过比较频率、振型和柔度的灵敏度,验证 柔度矩阵比频率和振型更加敏感<sup>[14]</sup>,且遗传算法 和粒子群算法自身存在收敛速度慢、控制参数多、 容易陷入局部最优等缺点,使得智能算法识别精度 还有待提高.本文结合量子粒子群优化算法和广义 柔度矩阵提出了一种新的损伤识别方法,通过理论 推导和数值模拟验证该方法的有效性.

## 1 量子粒子群优化算法(QPSO)

1995 年美国社会心理学家 James Kennedy 和 电气工程师 Russell Eberhart 仿效鸟群觅食群体活 动,提出粒子群算法(Particle Swarm Optimization, PSO)<sup>[15]</sup>.其主要思想为每个'粒子'代表一只觅 食的鸟,都有满足解空间条件的位置和速度,以求 解优化目标函数适应值为群体标准,通过不断个体 思索的'自身学习',寻找个体最优位置或称为局 部最优,通过相互间的信息交流的'社会学习',寻 找全局最优位置,在搜索空间不断更迭,最终找到 象征'食物'的优化问题最优适应值.

粒子群算法的数学模型表述为:N 维解空间存 在 M 个相互独立粒子. 第 m 个粒子在 t 时刻的位 置和速度分别表示为

$$\begin{split} X_m(t) &= (X_{m,1}(t), \cdots X_{m,n}(t), \cdots X_{m,N}(t)), \\ V_m(t) &= (V_{m,1}(t), \cdots V_{m,n}(t), \cdots V_{m,N}(t)), \end{split}$$

 $m = 1, 2, \dots, M, n = 1, 2, \dots, N.$ 

当前时刻粒子群体局部最优位置和全局最优位置 分别表示为

† 通讯作者 E-mail: changjun21@126.com

<sup>2014-05-13</sup> 收到第1稿,2014-09-02 收到修改稿.

<sup>\*</sup>江苏省自然科学基金项目(BK20141180)、苏州科技学院科研基金项目(XKZ201304)、苏州科技学院研究生科研创新计划项目(SKCX12S\_025)

(3)

$$P_{m}(t) = \begin{cases} X_{m}(t) & \text{if } f[X_{m}(t)] < f[P_{m}(t)] \\ P_{m}(t-1) & \text{if } f[X_{m}(t)] \ge f[P_{m}(t)] \end{cases}$$
(1)

式中f[·]表示构建的目标函数适应值

 $g = \operatorname{argmin} \{ f[P_m(t)] \}, 1 \leq m \leq M$  (2) 式中 g 为位于全局最优位置粒子对应的下标

以下 
$$g$$
 为位 ] 主向取几位直检 ] 对应的  $f$   
 $G(t) = P_{-}(t) =$ 

$$(P_{g,1}(t), \cdots P_{g,n}(t), \cdots P_{g,N}(t))$$

随着时间 t 增加,粒子群算法 M 个粒子的位置 和速度更新为:

$$V_{m,n}(t+1) = V_{m,n}(t) + c_1 u_1(t) \left[ P_{m,n}(t) - X_{m,n}(t) \right] + c_2 u_2(t) \left[ G_n(t) - X_{m,n}(t) \right] \quad (4)$$
  
$$X_{m,n}(t+1) = X_{m,n}(t) + V_{m,n}(t+1) \quad (5)$$

 $X_{m,n}(t+1) = X_{m,n}(t) + V_{m,n}(t+1)$  (5) 其中  $c_1, c_2$  分别为局部最优、全局最优加速因子, 一 般取(0,2)值,  $u_1, u_2$  为区间(0,1)均匀分布的随机 数. 在迭代过程中为防止粒子飞出搜索空间, 需要 设定  $V_{m,n}(t), X_{m,n}(t)$ 搜索上、下限.

但粒子群算法存在收敛速度慢,轨道式搜索, 搜索空间有限,容易陷入局部最优等缺陷.为解决 粒子群算法上述弊病,2004 年 Sun 等人<sup>[16]</sup>提出了 一种融入量子理论的改进粒子群算法——量子粒 子群优化算法(Quantum-behaved Particle Swarm Optimization, QPSO),引入的波函数和 $\delta$ 势阱的理 念,保证了搜索空间能够覆盖整个可行空间.QPSO 算法将粒子在空间的出现概率以波函数模的平方 表示,保证以全概率1 搜索到全局最优解,通过量 子力学中粒子运动的 Schrödinger 动力学方程和 Monte Carlo 随机模拟,得到粒子在以 *P* 点为中心 的 $\delta$ 势阱吸引下,粒子位置 *X* 的随机方程:

$$X = p \pm \frac{L}{2} \ln(1/u) \tag{6}$$

式中p为吸引子,L为 $\delta$ 势阱的特征长度,u为区间 (0,1)的均匀分布的随机数,即 $u \in U(0,1)$ .

随着时间 t 增加, QPSO 算法 M 个粒子的位置 和速度更新为:

$$\begin{aligned} X_{m,n}(t+1) &= p_{m,n}(t) \pm \alpha * \left| C_n(t) - X_{m,n}(t) \right| * \\ &\ln(1/u_{m,n}(t)) & (7) \\ p_{m,n}(t) &= \beta_n(t) * P_{m,n}(t) + (1 - \beta_n(t)) * C_n(t) \end{aligned}$$

$$(8)$$

式 中  $u_{m,n}$  (t),  $\beta_n$  (t)  $\in$  U (0, 1),  $|C_n(t) - X_{m,n}(t)| = L_{m,n}(t)/2\alpha, \alpha$  为收缩-扩张系 数, 一般取 1.0~0.5 线性递减,  $C_n(t)$  为 t 时刻第 n 维平均最优值, 即 $C_n(t) = (\sum_{m=1}^{M} P_{m,n}(t))/M$ ,  $P_{m,n}(t)$ , 为 t 时刻第 m 个粒子局部最优值  $P_m(t)$ 的第 n 维数值,  $G_n(t)$  为 t 时刻 M 个粒子的全局最优值 G (t)的第 n 维数值. 令所有粒子的 N 维平均最优适 应值为 mbest, 即 mbest =  $(C_1(t), C_2(t), \cdots C_N(t))$ .

QPSO 算法的计算流程图如图1所示。



图 1 量子粒子群优化算法流程图

Fig. 1 The flow chart of quantum-behaved particle swarm optimization algorithm

## 2 广义柔度矩阵基本原理

无阻尼条件下,n个自由度结构自由振动方程为:

$$[\boldsymbol{M}]\ddot{\boldsymbol{x}} + [\boldsymbol{K}]\boldsymbol{x} = 0 \tag{9}$$

式中[*K*]、[*M*]分别代表结构的刚度矩阵和质量矩 阵,*x*、*x* 分别表示结构的加速度响应和位移响应.

由(9)式运动方程,得其特征方程为:

$$([\mathbf{K}] - \boldsymbol{\lambda}[\mathbf{M}])\varphi = 0 \tag{10}$$

式中 $\lambda$ 、 $\varphi$ 分别为方程特征值,特征向量,其中 $\lambda$ 为结构各阶固有频率的平方.

将(10)式以矩阵的形式表示为:

$$[\mathbf{K}][\mathbf{\Psi}] = [\mathbf{M}][\mathbf{\Psi}][\mathbf{\Lambda}]$$
(11)

式中的[ $\Psi$ ] = [ $\varphi_1, \varphi_2, \cdots \varphi_n$ ]为 n 阶模态振型矩

阵, 
$$[\Lambda] = daig(\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_n)$$
为 n 阶对角矩阵.  
由振型的质量归一化特性得:  
 $[\Psi]^T[M][\Psi] = [I]$  (12)

式中的[*I*]为单位矩阵.

将(11)式两边同时左乘[
$$\Psi$$
] <sup>$T$</sup> 得:

$$[\boldsymbol{\Psi}]^{T}[\boldsymbol{K}][\boldsymbol{\Psi}] = [\boldsymbol{\Psi}]^{T}[\boldsymbol{M}][\boldsymbol{\Psi}][\boldsymbol{\Lambda}] \quad (13)$$

(12)式代入(11)式的右侧得:

$$[\boldsymbol{\Psi}]^{T}[\boldsymbol{K}][\boldsymbol{\Psi}] = [\boldsymbol{\Lambda}]$$
(14)

(14)式两侧同时求逆,整理得:

$$[\boldsymbol{K}]^{-1} = [\boldsymbol{\Psi}][\boldsymbol{\Lambda}]^{-1}[\boldsymbol{\Psi}]^{T}$$
(15)

柔度矩阵为刚度矩阵的逆矩阵,即:

$$[\boldsymbol{F}] = [\boldsymbol{\Psi}] [\boldsymbol{\Lambda}]^{-1} [\boldsymbol{\Psi}]^{T} = \sum_{j=1}^{n} \frac{1}{\omega_{j}^{2}} \varphi_{j} \varphi_{j}^{T} \qquad (16)$$

式中[F]为结构柔度矩阵, $\omega_j = \sqrt{\lambda_j}$ 为结构第j阶固有频率.

由式(16)可以看出,柔度矩阵是由频率和振 型构成的函数,且与频率平方的倒数成正比,随着 阶次增高其模态参数对柔度矩阵的贡献越少,因此 模态柔度只需前几阶模态就能很好地估计结构的 柔度矩阵<sup>[17]</sup>,这也解决了实际工程监测中只能检 测出结构的前几阶模态或高阶模态检测不精确的 弊端.其在框架、桁架、悬臂梁等结构的使用已卓有 成效<sup>[9-11]</sup>,但是对于简支梁、连续梁等结构的支座 处破坏,多处损伤识别效果精度不高.

为此引入广义柔度矩阵概念<sup>[11]</sup>,其是在柔度 矩阵基础上进行改进,具体函数表示为:

$$\begin{bmatrix} G \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F \end{bmatrix} (\begin{bmatrix} M \end{bmatrix} \begin{bmatrix} F \end{bmatrix})^{\varrho} \\ = \begin{bmatrix} \Psi \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Lambda \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} \Psi \end{bmatrix}^{T} (\begin{bmatrix} M \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Psi \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Lambda \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} \Psi \end{bmatrix}^{T})^{\varrho} \\ = \begin{bmatrix} \Psi \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Lambda \end{bmatrix}^{-1-\varrho} \begin{bmatrix} \Psi \end{bmatrix}^{T}$$
(17)  

$$\exists \varphi = 0, 1, 2, \cdots, \exists Q = 0, \begin{bmatrix} G \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F \end{bmatrix}, f \neq \mathbb{R}$$

$$g \equiv \varphi = 0, 1, 2, \cdots, \exists Q = 0, \begin{bmatrix} G \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F \end{bmatrix}, f \neq \mathbb{R}$$

$$g \equiv \varphi = 0, 0, 0, 0, 0 = 0, [G = [F ], 0, 0] = [\Psi ]$$

由式(17)得广义柔度矩阵中随着 Q 值的增大 低阶模态所占的比重更大,而高阶模态影响更小, 灵敏性更高;从物理意义的角度上讲,广义柔度可 以看作是单位荷载作用下各节点变形的(Q+1)次 方,当结构发生损伤时,损伤前后节点变形的(Q+ 1)次方差值要比节点变形自身差值更加显著.为此 采用以广义柔度矩阵构造目标函数识别结构损伤.

#### 3 目标函数建立

根据式(17)建立损伤前后结构的广义柔度差为:

$$\left[\Delta \boldsymbol{G}\right] = \left[\boldsymbol{G}_{d}\right] - \left[\boldsymbol{G}_{u}\right] \approx \sum_{r=1}^{m} \frac{\varphi_{rd}\varphi_{rd}^{T}}{\boldsymbol{\omega}_{rd}^{4}} - \sum_{r=1}^{m} \frac{\varphi_{ru}\varphi_{ru}^{T}}{\boldsymbol{\omega}_{ru}^{4}} (18)$$

式中[ $G_u$ ]、[ $G_d$ ]分别表示损伤前后广义柔度矩阵,  $\varphi_{ru}$ 、 $\varphi_{rd}$ 分别为损伤前后模态振型, $\omega_{ru}$ 、 $\omega_{rd}$ 分别为损 伤前后模态固有频率,m为小于n的正整数.

经分析研究,文献[10-11]中采用 Neumann 级数或 Taylor 级数的柔度灵敏度和广义柔度灵敏 度方法,忽略高阶展开项,造成识别前的近似误差, 这是导致其识别精度难以提高的根本.

设损伤前结构的刚度矩阵为[ $K_u$ ],第*i*个未损 伤单元的整体刚度矩阵为[ $K_u^i$ ],损伤后结构的柔 度矩阵为[ $K_u$ ],则损伤前后结构的刚度差为:

 $\begin{bmatrix} \Delta \mathbf{K} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{K}_u \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} \mathbf{K}_d \end{bmatrix} = \sum_{i=1}^n \theta_i \begin{bmatrix} \mathbf{K}_u^i \end{bmatrix}$ (19) 式中  $\theta_i$  为第 *i* 个单元损伤参数,令

$$A = \begin{bmatrix} G_d \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} G_u \end{bmatrix}$$
$$= \begin{bmatrix} F_d \end{bmatrix} \begin{bmatrix} M \end{bmatrix} \begin{bmatrix} F_d \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} F_u \end{bmatrix} \begin{bmatrix} M \end{bmatrix} \begin{bmatrix} F_u \end{bmatrix}$$
$$= \begin{bmatrix} K_u - \sum_{i=1}^n \theta_i \begin{bmatrix} K_u^i \end{bmatrix} \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} M \end{bmatrix} \begin{bmatrix} K_u - \sum_{i=1}^n \theta_i \begin{bmatrix} K_u^i \end{bmatrix} \end{bmatrix}^{-1} - \begin{bmatrix} K_u \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} M \end{bmatrix} \begin{bmatrix} K_u \end{bmatrix}^{-1}$$
(20)

$$\boldsymbol{B} = \sum_{r=1}^{m} \frac{\boldsymbol{\varphi}_{rd} \boldsymbol{\varphi}_{rd}^{T}}{\boldsymbol{\omega}_{rd}^{4}} - \sum_{r=1}^{m} \frac{\boldsymbol{\varphi}_{ru} \boldsymbol{\varphi}_{ru}^{T}}{\boldsymbol{\omega}_{ru}^{4}}$$
(21)

构造目标函数  $H(\theta)$ 为:

$$\min(H(\theta)) = A - B \tag{22}$$

式中 $\theta = (\theta_1, \theta_2, \theta_3, \dots \theta_n)$ ,原则上 $\theta$ 取值范围为0  $\leq \theta \leq 1$ ,考虑到 QPSO 算法粒子的搜索最优取值范 围,以及结构损伤 90% 时基本丧失其使用功能,调 整 $\theta$ 取值范围为 - 0.1  $\leq \theta \leq 0.9$ .

## 4 数值模拟

如图 2 所示建立长 5 m 简支梁,将该梁划分十 个单元,结构物理参数见表 1.

#### 表1 简支梁截面特性及材料属性

Table 1 Sectional dimensions and material properties

of simple beam										
S	ection	al dir ∕mm	nensions	Sectional area	M of	Moment of inertia		Elastic iodulus	Density	
	b h		$m^2$		$m^4$		Pa	$(kg/m^3)$		
	100 100		10 -2	$8.33 \times 10^{-6}$		<sup>6</sup> 2	.1E11	7800		
<b>₽</b> 4	1	2	3	4 5	6	7	8	9		
1	5000 mm									
				图 2	简支纲	梁模型				

Fig. 2 Simple beam model

为验证该理论的有效性,设置如表2损伤工

况,同时考虑实际模态参数识别存在误差,加入 (0%,0%)、(1%,1%)、(1%,5%)、(1%,10%) 四种不同噪声来反映广义柔度矩阵抗噪性,其中加 噪的每个括号第一项代表在频率上加噪,第二项代 表在振型上加噪.取前四阶模态,分别利用柔度灵 敏度、广义柔度灵敏度、QPSO 算法+广义柔度(以 下分别简称为,柔度灵敏度(FS)、广义灵敏度 (GFS)、QPSO+广义(QPSO+GF))三种方法识别 不同工况下结构损伤,识别结果参见图 3~图4及

表3,其中 QPSO 算法的参数设置如下:粒子数为 30,迭代次数为2000次.当单元损伤小于5%时,认 为单元是基本完好的.

表 2 损伤工况

Table 2 Damage cases

Damage case	Damage type	Damage Element	damage extent
1	Single-damage	1 st	25%
2	Multiple-damage	1 st ,5 th ,8 th	35% 20% 10%



图 3 工况 1 在不同噪声下识别结果







Fig. 4 Identified results of Case 2 under different noise level

Table 3 The identification results of the three distinct methods in different cases								
case	noise level	Theoretical	FS		GFS		QPSO + GF	
		value	Identification value	Error(%)	Identification value	Error(%)	Identification value	Error(%)
1	(0%,0%)	0.2500	0.3009	20.3495	0.3341	33.6423	0.2500	0.0069
	(1%,1%)	0.2500	0.2183	12.6990	0.3345	33.7970	0.2499	0.0313
	(1%,5%)	0.2500	0.1846	26.1717	0.3480	39.1815	0.2567	2.6673
	(1%,10%)	0.2500	0.1638	34.4864	0.3747	49.8782	0.2721	8.8591
2	(0%,0%)	0.3500	0.4765	36.1369	0.5696	62.7508	0.3500	0.0078
		0.2000	0.2480	23.9805	0.2634	31.6995	0.2000	0.0016
		0.1000	0.1129	12.9009	0.1159	15.9500	0.1000	0.0007
	(1%,1%)	0.3500	0.4378	25.0958	0.5524	57.8221	0.3423	2.1938
		0.2000	0.2348	17.3774	0.2486	24.3166	0.1918	4.1105
		0.1000	0.1102	10.2254	0.1048	4.7887	0.0919	8.1160
	(1%,5%)	0.3500	0.4677	33.6353	0.5174	47.8281	0.3293	5.9099
		0.2000	0.2327	16.3654	0.2283	14.1608	0.1785	10.7299
		0.1000	0.1229	22.9116	0.1015	1.5298	0.1036	3.5693
	(1%,10%)	0.3500	0.2967	15.2184	0.5298	51.3666	0.3377	3.5153
		0.2000	0.2223	11.1318	0.2361	18.0420	0.1852	7.3777
		0.1000	0.1109	10.9117	0.0939	6.0932	0.0835	16.4506

表 3 不同工况下三种方法识别结果

由图 2~图 4 和表 3 分析得:(1) 工况一中柔 度灵敏度识别结果不稳定,且误差都大于 15%,广 义灵敏度识别结果较为稳定,但识别误差都大于 30%,QPSO+广义识别值稳定在真实值附近且最 大误差为 8.8591%;(2) 工况二中柔度灵敏度识别 支座处 1 单元损伤不稳定,误差不小于 15%,跨中 附近 5、8 单元识别较稳定但误差都大于 10%,广 义灵敏度识别 1 和 5 单元损伤较稳定但误差分别 大于 45%、14%,8 单元小损伤识别较好且误差小 于 16%,QPSO+广义识别除 5 单元在加噪(1%, 5%)识别误差 10.7299%、8 单元在加噪(1%, 10%)识别误差 16.4506%外,其他无论支座还是 跨中识别误差都在 10% 以内.

#### 5 结论

(1)不论单点损伤还是多点损伤,文中所提出的广义柔度差矩阵为目标函数的 QPSO 算法都能 精确地识别出损伤位置和损伤程度.

(2)对于支座附近损伤和轻微损伤 QPSO 算法 仍能够准确识别,解决了柔度矩阵灵敏度、广义柔度 矩阵灵敏度损伤定量误差大,识别不稳定的缺陷.

(3)通过不同加噪情况仿真模拟实测模态参数的不准确性,表明 QPSO 算法 + 广义柔度具有良好的鲁棒性,QPSO 算法未来在实际工程损伤检测具有广阔的应用前景.

(4) 广义柔度矩阵和柔度矩阵一样,需先对振 型进行质量归一化,如何处理损伤前结构模态参数 未知条件下,QPSO 算法识别结构损伤还有待进一 步研究.同时实际测试受到各方面限制,导致测试 模态不完备,有限测试信息下结构损伤的定位定量 分析还有待探究.

参考文献

- 1 Doebling W S, Farrar R C, Prime B M. A summary review of vibration-based damage identification methods. *The Shock* and Vibration Digest, 1998, 30(2):91 ~ 105
- 2 Fugate M L, Sohn H, Farrar C R. Unsupervised learning methods for vibration-based damage detection. In: Proceedings of the International Modal Analysis Conference-IMAC, 2000,1:652-659
- 3 闫桂荣,段忠东,欧进萍.基于结构振动信息的损伤识别研究综述.地震工程与工程振动,2007,27(3):95~ 103 (Yan G R, Duan Z D, Ou J P. Review on structural damage based on vibration data. *Journal of Earthquake En*gineering and Engineering Vibration, 2007, 27(3):95~ 103 (in Chinese))
- 4 李学平,余志武.基于动力特性的结构损伤识别方法. 动力学与控制学报,2006,4(1):84~87 (Li X P, Yu Z W. Structural damage identification method based on dynamic properties. *Journal of Dynamics and Control*, 2006, 4(1):84~87(in Chinese))
- 5 Raghavendrachar M, Aktan A E. Flexibility by multireference impact testing for bridge diagnostics. *Journal of Structural Engineering*, 1992,118(8):2186 ~ 2203
- 6 Zhang Z, Aktan A E. Application of modal flexibility and its derivatives in structural identification. *Research in Nondestructive Evaluation*, 1998,10(1):43 ~ 61

- 7 Pandey A K, Biswas M. Damage detection in structures using changes in flexibility . Journal of Sound and Vibration, 1994,169(1):3 ~ 17
- 8 孙国,顾元宪. 连续梁结构损伤识别的改进柔度阵方法. 工程力学,2003,20(4):50~54 (Sun G, Gu Y X, Improved flexibility matrix method for damage identification of multi-span beams. *Engineering Mechanics*, 2003,20 (4):50~54 (in Chinese))
- 9 曹晖,张新亮,李英民.利用模态柔度曲率差识别框架 的损伤.振动与冲击,2007,26(6):116~120,124(Cao H, Zhang X L, Li Y M, Damage evaluation of frames by modal flexibility curvature. *Journal of Vibration and Shock*, 2007,26(6):116~120,124(in Chinese))
- 10 杨秋伟,刘济科.结构损伤识别的柔度灵敏度方法.中山大学学报(自然科学版),2010,49(1):305~308 (Yang Q W, Liu J K. Damage identification by the sensitivity analysis of structural flexibility. *Acta Scientiarum Naturalium Universitatis Sunyatseni*,2010,49(1):305~308 (in Chinese))
- 李晶, 吴柏生. 基于广义柔度矩阵的结构损伤识别方法. 吉林大学学报,2009,47(4):737~739 (Li J, Wu B
   S. A structural damage identification method based on generalized flexibility matrix. *Journal of Jilin University*(*Science Edition*), 2009,47(4):737~739 (in Chinese))

- 12 Perera R, Torres R. Structural damage detection via modal data with genetic algorithms. *Journal of Structural En*gineering, 2006, 132(9):1491 ~ 1501
- 13 陈震,朱军华,余玲. 一种基于改进 PSO 算法的结构 损伤识别方法. 振动与冲击,2012,31(5):17~20 (Chen Z, Zhu J H, Yu L. An improved PSO algorithm for structure damage identification. *Journal of Vibration and Shock*,2012,31(5):17~20 (in Chinese))
- 14 Zhao J, DeWolf T J. Sensitivity study for vibrational parameters used in damage detection. Journal of Structural Engineering, 1999, 125(4):410~416
- 15 Kennedy J, Eberhart R C. Particle swarm optimization. In: Proceedings of IEEE International Conference on Neural Networks, 1995:1942 ~ 1948
- 16 Sun J, Feng B, Xu W B. Particle swarm optimization with particle quantum behavior. In: 2004 IEEE Congress on Evolutionary Computation, Portland: IEEE Press, 2004: 325 ~ 331
- 17 谢慧才,程林.基于柔度差曲率的简支梁损伤识别方法.汕头大学学报(自然科学版),2007,22(3):70~75 (Xie H C, Cheng L. Discussion of simply supported beam damage detection based on curvature of the flexibility difference matrix. *Journal of Shantou University*(*Natural Science*), 2007,22(3):70~75 (in Chinese))

## STRUCTURAL DAMAGE IDENTIFICATION BASED ON QUANTUM-BEHAVED PARTICLE SWARM OPTIMIZATION \*

Gong Wenlong<sup>1</sup> Chang Jun<sup>1†</sup> Liu Dashan<sup>1</sup> Kang Xiaoming<sup>2</sup>

Schoolof Civil Engineering, University of Science and Technology of Suzhou, Suzhou 215011, China)
 Shanghai Sunking Construction Management Consulting Co., Ltd, Shanghai 200090, China)

**Abstract** This paper presented an approach of structural damage identification with the damage index of generalized flexibility matrix based on Quantum-behaved Particle Swarm Optimizationalgorithm. According to the relationship between the changes of structural physical parameters and generalized flexibility matrix difference of structural before and after damage, the generalized flexibility matrix identification issue was changed into intelligent optimization issue. Optimization issue was solved by Quantum-behaved Particle Swarm Optimizationalgorithm, and then the structural damageconditionwas identified with the damage location and damage extent at the same time. Finally, a numerical simulation of simple beam was applied to verify the effectiveness of the method herein.

Key words quantum-behaved particle swarm optimizationalgorithm, generalized flexibility matrix, structural damage identification, damage location, damage extent

Received 13 May 2014, revised 2 September 2014.

<sup>\*</sup> The project supported partly by Jiangsu Provincial Natural Science Foundation (BK20141180), Scientific Research Foundation of Suzhou University of Science and Technology (XKZ201304) and Graduate Research and Innovation Projectof University of Science and Technology of Suzhou (SKCX12S\_025) † Corresponding author E-mail: changjun21@126.com